Integrali II

Manuela Grella & Simona Giovannetti

26 aprile 2005

Esercizio 1. Risolvere i seguenti integrali:

(i)
$$\int \frac{3x+1}{x^3-4x} dx$$
 (ii) $\int \frac{x^5-6x^3+2x^2+5}{x^3+3x^2-x-3} dx$ (iii) $\int \frac{dx}{x^3(x^2+1)^2}$

(iv)
$$\int \frac{\cot x}{\sin^{\alpha} x} dx$$
 (v) $\int \frac{e^{2x}}{\sqrt{e^x - 1}} dx$ (vi) $\int \frac{\sqrt{x}}{1 + x\sqrt{x}} dx$ (vii) $\int \frac{\cos \ln x^n}{x} dx$

(viii)
$$\int \frac{1}{e^x + e^{-x}} dx$$
 (ix) $\int e^{-x^2 + \ln x} dx$ (x) $\int \frac{dx}{\sin x \cos x}$

Esercizio 2. Calcolare la derivata delle seguenti funzioni integrali:

$$(i)F(x) = \int_{2x}^{3x} \cos^2 t \ dt$$

$$(ii)F(x) = \int_0^{\sqrt{x}} e^{t^2} dt$$

Esercizio 3. Considerare per x > 0 la funzione:

$$F(x) = \int_{2}^{x} (1 - \frac{\sin^{2} t}{t^{2}}) dt$$

Studiare:

- (i) la monotonia;
- (ii) stabilire se ha punti di flesso in $(0, \pi)$.